

队列是限定允许在表的一端进行插入操作,而在另一端进行删除操作的线性表。允许插入的一端称为队尾,允许删除的一端称为队首。向队列中插入新元素称为进队或入队,新元素入队后就成为新的队尾元素。从队列中删除元素称为出队或离队,出队后,出队元素的后一个元素为新的队首元素。

队列具有“先进先出”或“后进后出”的特性,与日常生活中的队列相似。

3.1 循环队列

3.1.1 循环队列存储定义和特性

采用顺序存储方式实现的队列称为顺序队列。顺序队列定义如下:

```
template <class DT>
struct SqQueue
{
    DT * base;           //存储空间基地址
    int  front;          //队头指针,指向队首元素
    int  rear;           //队尾指针,指向队尾元素的后面
    int  queuesize;      //队列容量
}
```

为了解决顺序队列中的“假溢出”问题,假设顺序队列首尾相连,如图 1.3.1 所示,此时,顺序队列称为“循环队列”。本定义中,队尾指针指向队尾元素后,队头指针指向队首元素。

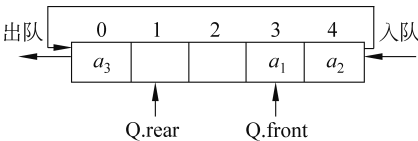


图 1.3.1 循环队列存储示意图

循环队列中的入队和出队,指针的运算为对队容量求模,入队时队尾指针变化为

```
Q.rear=(Q.rear+1)%Q.queuesize
```

出队时队头指针变化为

```
Q.front=(Q.front+1)%Q.queuesize
```

为了区分队空和队满,将队空条件设为 $Q.front == Q.rear$;入队中当 $Q.rear$ 与 $Q.front$ 之间差一个单元时,认为队满,即队满条件为 $(Q.rear+1) \% Q.queuesize == Q.front$ 。

3.1.2 循环队列操作实现原理

1. 初始化队列 `bool InitQueue (SqQueue &Q, int m)`

初始化队列指在内存中创建一个空队。操作步骤如下:

Step 1 申请一组连续的内存空间作为队列的存储空间,首地址为队列基址 $Q.base$ 。

Step 2 申请失败,退出。

Step 3 申请成功,给队列属性赋值。

3.1 队头 $Q.front=0$, 队尾 $Q.rear=0$ 。

3.2 队列容量 $Q.queuesize=$ 申请的容量。

3.3 返回 `true`,表示创建成功。

2. 销毁队列 `void DestroyQueue (SqQueue &Q)`

销毁队列指释放队列所占的内存空间。操作步骤如下:

Step 1 对应申请内存空间的 `new` 命令,用 `delete` 释放循环队列 Q 所占内存空间。

Step 2 设置队列属性值:

2.1 队头指针 $Q.front=0$, 队尾指针 $Q.rear=0$ 。

2.2 队列容量 $Q.queuesize=0$,表示队列不可用。

3. 入队 `bool EnQueue (SqQueue &Q, DT e)`

入队指在队尾插入元素 e 。操作步骤如下。

Step 1 如果队满,返回 `false`,表示入队失败。

Step 2 否则在队尾插入元素,操作如下:

2.1 将新元素插入队尾,即 $Q.base[Q.rear] \leftarrow e$ 。

2.2 队尾指针后移 1,循环队列中, $Q.rear=(Q.rear+1) \% Q.queuesize$ 。

2.3 返回 `true`,表示入队成功。

4. 出队 `bool DeQueue (SqQueue &Q, DT &e)`

出队指在队头删除元素 e 。操作步骤如下。

Step 1 如果队空,返回 `false`,表示出队失败。

Step 2 否则,删除队首元素,操作如下:

2.1 取队头元素赋给 e ,即 $e \leftarrow Q.base[Q.front]$ 。

2.2 队头指针后移 1,循环队列中, $Q.front=(Q.front+1) \% Q.queuesize$ 。

2.3 返回 `true`,表示出队成功。

5. 取队头元素 `bool GetHead (SqQueue Q, DT &e)`

取队头元素的操作步骤如下。

- Step 1** 如果队空,返回 false,表示无队头元素。
- Step 2** 队非空,取队头元素,操作如下:
- 2.1 把队头元素值赋给 e ,即 $e \leftarrow Q.base[Q.front]$ 。
 - 2.2 返回 true,表示操作成功。
- 注意:** 相比于出队,此操作不删除队头元素,也无须移动队头指针。

3.2 链 队

3.2.1 链队的存储定义和特性

链队是采用链式存储实现的队列,可用有头结点的单链表表示。
链队的结点结构与单链表的结点结构相同,定义如下:

```
template <class DT>
struct QNode                                //结点类型名
{
    DT data;                                //数据域,存储数据元素
    QNode * next;                           //指针域,指向后继结点
};
```

队列的链式存储结构定义如下:

```
template <class DT>
struct LinkQueue
{
    QNode<DT> * front;                       //队头
    QNode<DT> * rear;                       //队尾
}
```

链队的存储示意图如图 1.3.2 所示。

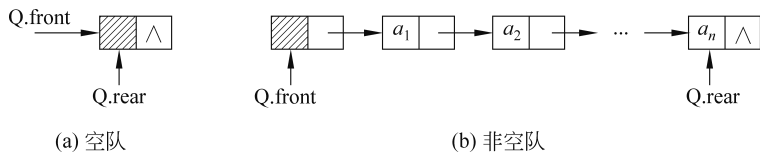


图 1.3.2 链队存储示意图

因为有头结点,队头指针指向头结点,队头元素是 $Q.front \rightarrow next$ 所指结点,所以元素出队时,不需要调整队头指针。

入队时,是在 $Q.rear$ 后增加结点;出队时是删除 $Q.front$ 后的结点。如果队列中只有一个元素,出队后为空队,需把 $Q.rear$ 指向头结点。

3.2.2 链队的操作实现原理

1. 初始化队列 bool InitQueue (LinkQueue &Q)

初始化队列指在内存中创建一个空队。操作步骤如下。

Step 1 创建一个结点作为头结点。

Step 2 队头指针和队尾指针均指向该结点。

2. 销毁队列 void DestroyQueue (LinkQueue &Q)

销毁队列指释放队列所占的内存空间。从头结点开始,依次销毁,与单链表的销毁类似。

3. 入队 bool EnQueue (LinkQueue &Q, DT e)

入队指在队尾插入一个元素。操作步骤如下。

Step 1 创建一个结点 p。

Step 2 创建失败,返回 false,表示入队失败。

Step 3 创建成功,给结合点 p 赋值 e 后在队尾插入新元素结点,操作如下:

3.1 p 结点链在队尾 Q.rear 之后,为链表的尾结点。

3.2 队尾指针指向 p。

3.3 返回 true,表示入队成功。

4. 出队 bool DeQueue(LinkQueue &Q, DT &e)

出队指删除队头元素 e。操作步骤如下。

Step 1 如果队空,返回 false,表示不能出队。

Step 2 否则,删除队头元素,操作如下:

2.1 取队头元素赋给 e,即 $e \leftarrow Q.front \rightarrow next \rightarrow data$ 。

2.2 删除队头结点。

2.3 如果出队后队列为空,调整队尾指针指向头结点。

2.4 返回 true,表示出队成功。

5. 取队头元素 bool GetHead (LinkQueue Q, DT &e)

如果队空,返回 false,表示无队头元素;否则把队头元素值赋给 e。相比于出队,此操作不删除队头元素。

3.3 队列的应用

以舞伴匹配作为队列的应用示例。

设周末舞会上需男女搭配跳舞。依据先来先配对原则,分别设立男队和女队,入场时男队和女队的队头各出一人配成舞伴。若两队初始人数不等,则较多的那队中未配对者等待下一轮。操作步骤如下。

Step 1 创建两个空队,一个为男队 GenQueue,一个为女队 LadyQueue。

Step 2 反复循环,依次将等待的跳舞者根据其性别插入男队或女队。

Step 3 舞曲开始,只要男队和女队都不空,重复执行下列操作:

男队和女队各出队一人,配对入场。

Step 4 配对结束,从非空队列中输出下一轮第一个出场的未配对者的姓名。