

迭代与循环结构

许多问题可以通过重复相同的操作来完成,通过指定次数或设定条件来控制执行过程。多次重复执行的结构称为循环,每一次循环称为迭代。

5.1 循环结构

假如要求系统输出 5 个随机数,可以重复写 5 条输出随机数的语句。如果要求输出 10 个随机数怎么办? 100 个呢? 此时可以利用循环语句,设计一个变量 n 记录要输出的随机数的个数,再定义一个计数器变量 $counter$,初始值为 1,每一次循环,输出一个随机数,然后计数器加 1,当计数器大于 n 时循环结束。这样就可以根据用户的要求,用一条输出语句重复执行若干次得到结果。用流程图表示的这个程序如图 5-1 所示。

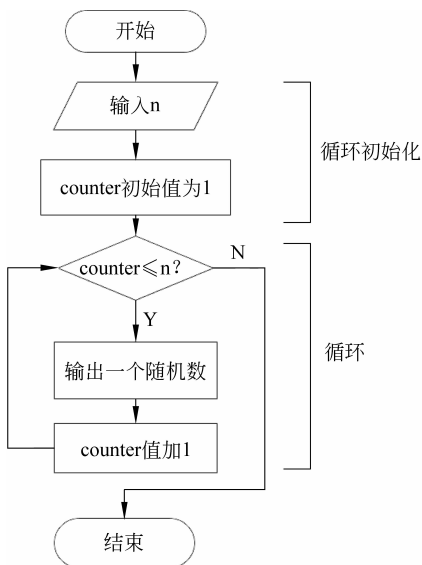


图 5-1 输出 5 个随机数的程序流程图

计算机的运算速度很快。只要找到解决问题的规律,学会循环语句,掌握控制循环条件的方法,其余的工作就可以交给计算机完成。

5.2 循环控制语句

在 C&C++ 中,常见的循环控制结构有 while 循环、do...while 循环和 for 循环。while 循环与 for 循环是当型循环,当满足条件时开始迭代,然后再判断条件;而 do...while 循环是直到型循环,首先开始迭代,然后判断条件,决定是否重复迭代。

5.2.1 while 语句

while 循环语句的特点是先判断条件,然后确定是否执行循环体。当条件为 true(1) 时,执行循环体,然后再判断条件,重复执行循环体,直到条件为 false(0)。

while 循环语句的一般形式为

```
while (表达式)
{
    循环体
}
```

其中:

(1) 表达式放在 while 后的小括号内,可以是任何表达式(true 或非 0 值表示真,false 或 0 值表示假),也可以省略表达式(永远为真)。若表达式的值为真,则循环执行循环体的语句,否则退出循环。

(2) while 后面的循环体在逻辑上只能是一条语句,因此循环体一般是一条复合语句,用一对大括号括起来。如果只有一条语句,大括号可省略。

循环能够执行若干次,则条件表达式或循环体中一定有关于循环终止的语句。否则循环一直无限重复,称为无限循环或死循环。

while 循环的执行流程为:①计算表达式的值,若值为真,执行大括号内的语句;②再次计算表达式的值,若值为真,则再次大括号内的语句;③重复,直到表达式值为假,终止循环,继续向下进行。while 循环语句流程图如图 5-2 所示。

【例 5-1】 使用 while 循环显示 0~99,各数字间有一个空格,每行显示 5 个数字。

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  int main()
4  {
5      int x=0;
6      while(x<100)
7      {
8          cout<<x <<" ";
9          x++;
10         if(x%5==0)
11             cout<<endl;
```

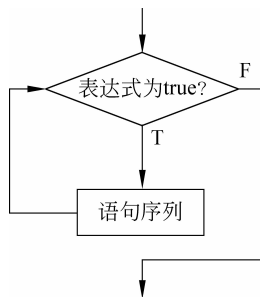


图 5-2 while 循环语句流程图

```

12  }
13  return 0;
14  }

```

程序运行时,第 6 行检查条件表达式 $x < 100$ 。首次执行循环时, x 的值为 0,表达式的值为 true,开始执行循环体(第 7~12 行)。执行完毕后,再次计算表达式 $x < 100$ 的值,在循环体句中每次迭代后 x 的值自增 1,因此要迭代 100 次,当 x 的值为 100 时循环结束。

第 10、11 行的 if 语句是一种常见的算法, x 的值若是 5 的倍数就输出一个换行符,从而实现在一行显示 5 个数字的功能。

对本程序适当做些修改,就可以实现其他类似的功能:

- (1) 将第 9 行的 $x++$ 变成 $x+=2$,则输出结果就是输出 0~99 的所有偶数。
- (2) 将第 10 行的 $x\%5==0$ 改为 $x\%10==0$,就是每行输出 10 个数字。

5.2.2 for 语句

for 语句是一个功能强大的循环控制语句,用法非常灵活,几乎可以用于任何需要循环的场合。for 与 while 一样,都是当型循环。

for 循环语句的一般形式为

```

for(表达式 1; 表达式 2; 表达式 3)
{
    循环体
}

```

for 语句将 while 语句中关于循环的 3 个表达式都写在 for 后面的小括号中。表达式 1 主要用于循环条件中的变量初始化,只执行一次;表达式 2 是 while 后面小括号中的循环条件,当表达式 2 为真时执行 for 后面的一条语句,可以用一对大括号括起来的复合语句或空语句等任何一条语句;执行完一次迭代工作后,计算表达式 3 的值,一般是循环条件中的变量值的修改,然后重复判断表达式 2,为真重复循环过程,为假结束循环。

注意: for 中的 3 个表达式之间用分号分隔,不能省略;而 3 个表达式都可以省略,如果在 for 语句的前面已经对循环变量做了初始化,则表达式 1 可以省略;如果循环条件永远为真,则表达式 2 可以省略;如果在循环体中写表达式 3 的内容,则表达式 3 可以省略。

for 循环语句流程图如图 5-3 所示。

for 语句完全可以转化为 while 语句:

```

表达式 1;
while(表达式 2)
{
    循环语句序列;
}

```

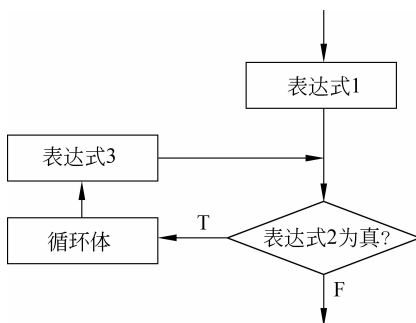


图 5-3 for 循环语句流程图

表达式 3;

}

【例 5-2】 使用 for 循环计算 1~100 的和。

算法分析：在数学中的计算过程为

$$1+2=3 \quad 3+3=6 \quad 6+4=10 \quad 10+5=15 \quad 15+6=21 \quad \dots$$

加法运算要重复多次,每次将当前的加数和之前的求和结果进行加法运算,得到当前的求和结果。因此,定义一个记录和的变量 sum,初值为 0,加数的变量 i 从 1 开始,每次与 sum 求和后将值赋给 sum,即 $\text{sum}=\text{sum}+i$,然后 i 增 1,变为 2,再次重复 $\text{sum}=\text{sum}+i$,直到 $i=100$,求和完毕,共重复 100 次求和操作。

for 语句特别适合循环次数确定的情况,将 3 个表达式都写在 for 后面的小括号中,就可以计算出循环次数,代码比较简洁。

参考代码如下:

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  int main()
4  {
5      int i, sum=0;
6      for ( i=1; i<=100; i++)
7      {          //本例的 for 语句只有一条赋值语句,可以不写大括号
8          sum=sum+i;          //等价于 sum+=i ;
9      }
10     cout<<"Sum: " <<sum <<"\n";
11     return 0;
12 }
```

对本程序适当做些修改,就可以实现其他类似的功能:

(1) 求 $1+3+\dots+99$ 。

从第 2 个数起,每个数比前一个数大 2,将第 6 行 $i++$ 改为 $i+=2$ 。

(2) 求 $1-2+3-4+\dots-100$ 。

从第 2 个数起,每个数比前一个数的绝对值大 1,符号位相反,则增加一个保存符号的变量 flag,然后在每次求和后修改 flag 的值为 $-flag$,第 5~9 行代码段改为

```
int i, sum=0, flag=1;
for ( i=1; i<=100; i++)
{
    sum=sum+flag * i;
    flag=-flag;
}
```

(3) 求 $n!$ 。与求和代码类似,将积的初始值设为 1,将累加运算改为累乘运算。第 5~9 行代码段改为

```
int i, sum=1;
for(i=1; i<=10; i++)
{
    sum=sum * i;           //等价于 sum *=i;
}
```

for 循环功能强大而灵活,因此它的变化形式也很多。下面仍以求 1~100 的和为例,介绍 for 的几种变化形式。

5.2.2.1 for 的变化形式 1: 表达式 1 由多个表达式组成

如果在表达式 1 中给多个变量赋值,必须用逗号分隔它们(称为逗号表达式,表达式的值就是最后一个表达式的值)。例如:

```
int i, sum;
for(i=1, sum=0; i<=100; i++)
    sum=sum+i;
```

上述程序段中,声明了两个 int 型变量 i 和 sum,在 for 循环语句的表达式 1 中为两个变量初值,两个赋值语句以逗号分隔,且以分号结尾。

5.2.2.2 for 的变化形式 2: 表达式 1 为空

可将表达式 1 的语句移到 for 循环语句之前,但 for 语句中的分号不可省略。例如:

```
int i=1, sum=0;
for(; i<=100; i++)
    sum=sum+i;
```

5.2.2.3 for 的变化形式 3: 表达式 3 为空

可将表达式 3 移到循环体内,但 for 语句中分的分号不可省略。例如:

```
int i, sum=0;
for(i=1; i<=100;)
{
    sum=sum+i;
    i++;
}
```

5.2.2.4 for 的变化形式 4: 表达式 2 为空

若表达式 2 为空,则循环条件一直为真,可以将表达式 2 的值写到循环体内,用 break 语句退出循环。同样,for 语句中的分号不可省略。例如:

```
int i, sum=0;
for(i=1; ; i++)
```

```
{
    sum = sum + i;
    if (i > 100)
        break;           //结束循环
}
```

5.2.2.5 for 的变化形式 4: 3 个表达式全为空

for 循环语句内的 3 个表达式都可以省略,但分号不可以省略。此时 for 循环语句退化为 while(true),表示循环条件永远为真。

```
int i=1, sum=0;
for(;;)
{
    sum=sum+i;
    i++;
    if(i>100)
        break;
}
```

5.2.2.6 for 的变化形式 5: 表达式 3 由逗号表达式组成

可将 for 循环体内的语句转移到表达式 3 中,此时表达式 3 由多个表达式组成,它们用逗号分隔,按顺序执行。为了保证程序的可读性,不提倡这种用法。例如:

```
int i=1, sum=0;
for(i=1; i<=100; sum=sum+i, i++)
    ;
```

或

```
for(i=1; i<=100; sum=sum+i, i++);    //末尾有分号,表示条件为真时执行空语句
```

或:

```
for(i=1; i<=100; sum=sum+i, i++)
{
}
```

这 3 个 for 语句的功能相同。

5.2.3 do...while 语句

do...while 循环语句是先执行循环体,再判断是否继续下一轮迭代的循环语句。do...while 是直到型循环,也就是说,首先执行一次迭代,然后再判断条件,若满足了就重复。直到型循环与当型循环的区别是:当循环条件初始值为假时,直到型循环要执行一次迭代,而当型循环什么也不做。

do...while 语句的一般形式为

```
do
{
    循环体
} while(表达式);
```

do...while 语句执行流程为：先执行大括号里的循环体，再计算表达式的值。若表达式为真，继续执行循环体，重复判断表达式的值，直到表达式为假时终止循环。do...while 循环语句流程图如图 5-4 所示。

【例 5-3】 输入若干个字符，以 '@' 字符结束。统计并输出小写英文字母的个数。

```
1  #include <iostream>
2  using namespace std;
3  int main()
4  {
5      int count=0;
6      char ch;
7      cout <<"Input characters:\n";
8      do
9      {
10         cin >>ch;
11         if(ch >= 'a' && ch <= 'z')
12             count++;
13     } while(ch != '@');
14     cout <<"There are " <<count <<" lowercase(s).\n";
15     return 0;
16 }
```

运行示例如下：

```
Input characters:
ab123
dfIOz
fd@
There are 7 lowercase(s).
```

初始化变量 count 值为 0，作为计数器。在 do...while 循环中，检查条件前进入循环体，因此循环体至少执行一次。第 11 行判断条件，若输入的字符是小写字母，则执行第 12 行的语句：计数器 count 加 1。执行到第 13 行，循环条件若为真，就跳转到循环的开始处(第 8 行)继续执行，否则结束循环，从第 14 行继续向下执行。在本例中，用户输入 3 行字符，只有 7 个是小写字母：abdfzfd。

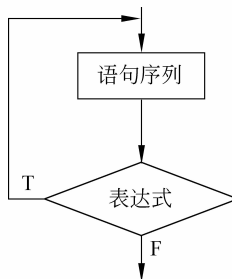


图 5-4 do...while 循环语句流程图

5.2.4 陷阱：循环的常见问题

5.2.4.1 死循环

死循环是程序设计中经常会遇到的一个现象,指程序的循环条件一直为真,程序一直陷入在循环语句中,也称为无限循环。一旦程序进入死循环,光标会一直闪烁,按任何键均无反应,此时只能按 Ctrl+C 组合键强行终止程序的运行。

造成死循环的主要原因是循环中缺少能让循环条件变假的操作。

【例 5-4】 死循环示例。

下面几个程序都会陷入死循环,请观察它们与例 5-1 的区别,找到错误并修改。

(a)	(b)	(c)
<pre>1 #include <iostream> 2 using namespace std; 3 int main() 4 { 5 int x=0; 6 while(x<100) 7 cout<<x <<" "; 8 x++; 9 if(x%5==0) 10 cout<<endl; 11 return 0; 12 } 13 14</pre>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int x=0; while(x<100) { cout<<x <<" "; if(x%5==0) cout<<endl; } return 0; }</pre>	<pre>#include <iostream> using namespace std; int main() { int x=0; while(0=<x<100) { cout<<x <<" "; x++; if(x%5==0) cout<<endl; } return 0; }</pre>

说明:

(1) 程序(a)中 while 后面没有大括号,所以循环体语句只有一条: cout<<x<<" ";,执行完毕后就继续检查 while 小括号中的条件 $x<100$,永远为真,因此程序陷入死循环。要将第 7~11 行的代码用一对大括号括起来,形成一条复合语句。

(2) 程序(b)的循环体中没有修改循环变量 x 的语句, $x<100$ 永远为真,因此程序陷入死循环。要在第 8 行后面增加一条 $x++$; 语句。

(3) 程序(c)的第 6 行 $0\leq x<100$ 永远为真,因此程序陷入死循环。可以改为 $0\leq x \&\& x<100$ 。

5.2.4.2 多余的分号

看下面的代码段:

```
int i, sum=0;
for(i=1; i<=100; i++);
    sum = sum + i;
```

看起来,这段代码的作用是求 1~100 的和,但是运行程序时却发现,循环结束后,sum 的值是 1,只执行了一次 `sum = sum + i;` 语句。原因是 `for` 语句括号后面多了一个分号,而分号是语句的结束标记,也表示空语句。该代码段实际是

```
int i, sum=0;
for(i=1; i<=100; i++)
    ;
sum = sum + i;
```

循环体是一条空语句,循环结束后执行 `sum = sum + i;` 语句。

再看下面的程序段:

```
int x=0;
while( x<100 );
{
    cout<<x <<" ";
    if(x%5==0)
        cout<<endl;
}
```

由于 `while` 后面的右括号处多了一个分号,导致循环语句变为

```
while(x<100)
    ;
```

循环条件一直为真,执行空语句,陷入死循环。

5.3 循环和迭代的提前结束

在循环体中允许提前结束循环,相应的语句包括 `break`(退出整个循环)、`continue`(退出本次迭代)、`goto`(转到指定语句行)。本节介绍 `break` 和 `continue`。

5.3.1 break 语句

`break` 语句可以在循环体中使用,用来终止整个循环的执行,而不需要等待表达式值为假(这意味着通过 `break` 结束循环后,循环条件表达式仍然为真)。

通常 `break` 语句总是与 `if` 语句连用,即满足条件时便跳出所属的循环语句。

【例 5-5】 自定义函数,利用迭代公式求 x 的立方根。

求 $\sqrt[3]{x}$ 的迭代公式为

$$x_{n+1} = \frac{1}{3} \left(2x_n + \frac{x}{x_n^2} \right)$$

精度要求为

$$\left| \frac{x_{n+1} - x_n}{x_n} \right| < 10^{-6}$$

算法分析:该循环没有明确的次数条件,当满足 $|(x_{n+1} - x_n)/x_n| < 10^{-6}$ 时结束循

环,因此至少要定义两个变量 x_1 和 x_2 以保存前后相邻的两个值。

代码如下:

```
#include <iostream>
#include <cmath>
#include <iomanip>
using namespace std;
double Cbrt(double x);          //自定义函数求 x 的立方根,为了与库函数区分,首字母大写
int main()
{
    double x;
    cin >> x;
    cout << fixed << setprecision(15);
    cout << Cbrt(x) << endl;      //调用自定义函数求 x 的立方根
    cout << pow(x, 1.0/3) << endl; //调用 cmath 中的 pow 函数求 x 的 1/3 次幂
    cout << cbrt(x);              //调用 cmath 中的 cbrt 函数求 x 的立方根
    return 0;
}

double Cbrt(double x)
{
    double x1=1, x2;
    while(1)                      //也可以写为 while(true)或 while()
    {
        x2 = ( 2 * x1 + x / (x1 * x1) ) / 3;
        if ( fabs ( ( x2 - x1 ) / x1 ) < 1e-6 )
            break;
        x1 = x2;
    }
    return x2;
}
```

运行示例如下:

```
29
3.072316825686780
3.072316825685847
3.072316825685848
```

说明: 本例可以不用 break 语句, Cbrt 函数定义可修改为

```
double Cbrt(double x)
{
    double x1, x2=1;
    do
    {
```